

نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۰۴/۰۱	تعداد صفحه: ۲	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹		

نمره	استفاده از ماشین حساب ساده دارای چهار عمل اصلی مجاز می باشد. (سؤالات پاسخ نامه دارد)	ردیف
------	--	------

الف) بخش الزامی

دانش آموز عزیز به سوالات ۱ تا ۱۲ (جهت کسب ۱۶ نمره) پاسخ دهید.

۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) نمودار تابع $y = x^2$ در بازه $[0, 1]$ پایین تر از نمودار تابع $y = x^2$ قرار دارد. ب) اگر تابع $f(x)$ در یک فاصله صعودی باشد، آنگاه اکیدا صعودی نیز خواهد بود. پ) اگر تابع f در $x = a$ پیوسته نباشد آنگاه f در a مشتق پذیر هم نیست. ت) تابعی وجود ندارد که برای آن هم $f'(a) = 0$ و هم $f(a) = 0$	۱
۱	در جاهای خالی کلمه یا عبارت مناسب را بنویسید. الف) دوره تناوب تابع $y = 8 \cos(\frac{x}{3})$ برابر با است. ب) اگر $f'(1) = 3$ و $g'(1) = 5$ ، در این صورت $(3f + 2g)'(1)$ برابر با است.	۲
۱	با توجه به نمودار تابع f که در شکل زیر آمده است، نمودار تابع $g(x) = f(2x) - 1$ را رسم کرده و دامنه و برد آن را تعیین کنید.	۳
۱	نمودار تابع $f(x) = x^2 + 2$ را رسم کرده و مشخص کنید در چه بازه ای اکیدا نزولی است؟	۴
۱	مقادیر a, b را طوری تعیین کنید که چند جمله ای $x^2 + ax^2 + bx + 1$ بر $x - 2$ و $x + 1$ بخش پذیر باشد.	۵
۱	مقدار ماکزیمم و مینیمم تابع $y = 1 + 2 \sin 7x$ را به دست آورید.	۶
۱/۵	معادله $2 \sin 3x - \sqrt{2} = 0$ را حل کنید.	۷
۲	حدود زیر را محاسبه کنید. الف) $\lim_{x \rightarrow c^+} \frac{x^2 + x}{x^2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x^2 - x + 1}{4x^3 + 2x - 1}$	۸
	«ادامه سوالات در صفحه دوم»	

نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۰۴/۰۱	تعداد صفحه: ۲	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۹		

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده دارای چهار عمل اصلی مجاز می باشد. (سؤالات پاسخ نامه دارد)	نمره
------	--	------

۹	نمودار تابع f را به گونه ای رسم کنید که همه شرایط زیر را دارا باشد. الف) $f(1) = f(-2) = 0$ ب) $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = +\infty$, $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty$ پ) خط $y = -1$ مجانب افقی آن باشد.	۰/۵
۱۰	معادله خط مماس بر منحنی تابع $f(x) = -x^2 + 10x$ را در نقطه $A(2, f(2))$ واقع بر نمودار تابع بنویسید.	۱/۵
۱۱	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست) پ) $h(x) = \sin^2 x + \cos^2 x$ ب) $g(x) = \sqrt{x}(3x^2 + 5)$ الف) $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 1}{-3x + 2}$	۳
۱۲	معادله حرکت متحرکی به صورت $f(t) = t^2 - t + 10$ بر حسب متر در بازه زمانی $[0, 5]$ داده شده است. در کدام لحظه در این بازه، سرعت لحظه ای با سرعت متوسط با هم برابرند؟	۱/۵
<p>ب) بخش انتخابی</p> <p>دانش آموز عزیز جهت کسب ۴ نمره، از بین سوالات ۱۳ تا ۱۶ فقط ۲ سوال را به دلخواه انتخاب و پاسخ دهید.</p>		
۱۳	مجانب های قائم و افقی نمودار تابع $y = \frac{x}{x^2 - 4}$ را در صورت وجود به دست آورید.	۲
۱۴	مشتق پذیری تابع $f(x) = x^2 - 1 $ را در $x = 1$ بررسی کنید.	۲
۱۵	جهت تقعر و نقطه عطف تابع $f(x) = x^3 + 3x^2 + 1$ را مشخص کنید.	۲
۱۶	جدول تغییرات و نمودار تابع $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$ را رسم کنید.	۲
موفق و سربلند باشید.		جمع نمره ۲۴

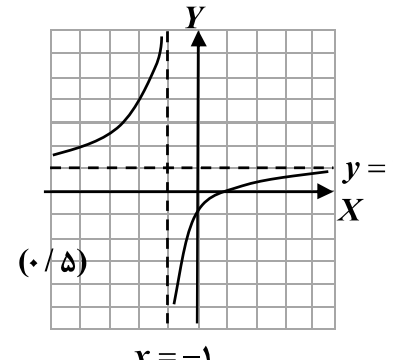
راهنمای تصحیح درس : حسابان ۲	رشته : ریاضی فیزیک	تعداد صفحه : ۳	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹ / ۰۴ / ۰۱		
دانش آموزان روزانه سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۹	مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) درست (ب) نادرست (پ) درست (ت) نادرست هر مورد (۰/۲۵) نمره	۱
۲	الف) 6π مثال صفحه ۲۷ (ب) ۱۹ مثال صفحه ۲۷ هر مورد (۰/۵) نمره	۱
۳	<p> $D_g = [-1, 2]$ (۰/۲۵) $R_g = [-3, 1]$ (۰/۲۵) </p> <p>مشابه تمرین ۲ صفحه ۱۲</p>	۱
۴	<p> اکیدا نزولی (۰/۲۵) $(-\infty, 0)$ اکیدا صعودی (۰/۲۵) $(0, +\infty)$ </p> <p>مشابه کار در کلاس صفحه ۱۷</p>	۱
۵	<p> $x - 2 = 0 \rightarrow x = 2 \rightarrow p(2) = 0 \rightarrow 4a + 2b = -9$ (۰/۲۵) $x + 1 = 0 \rightarrow x = -1 \rightarrow p(-1) = 0 \rightarrow a - b = 0$ (۰/۲۵) $a = -\frac{3}{2}$ (۰/۲۵), $b = -\frac{3}{2}$ (۰/۲۵) </p> <p>تمرین صفحه ۲۲</p>	۱
۶	<p> $\begin{cases} \max y = a + c = 2 + 1 = 3 \\ \min y = - a + c = -2 + 1 = -1 \end{cases}$ (۰/۵) (۰/۵) </p> <p>تمرین صفحه ۳۳</p>	۱
۷	<p> $\sin 3x = \frac{\sqrt{2}}{2} = \sin \frac{\pi}{4}$ (۰/۵) $\Rightarrow \begin{cases} 3x = 2k\pi + \frac{\pi}{4} \\ 3x = 2k\pi + \pi - \frac{\pi}{4} \end{cases}$ (۰/۵) $\Rightarrow \begin{cases} x = \frac{2k\pi}{3} + \frac{\pi}{12} \\ x = \frac{2k\pi}{3} + \frac{\pi}{4} \end{cases} (k \in \mathbb{Z})$ (۰/۵) </p> <p>مثال ص ۳۹</p>	۱/۵
۸	<p> الف) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x(x+1)}{x^2} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{(x+1)}{x} = \frac{1}{0^+} = +\infty$ (۰/۵) </p> <p>کار در کلاس صفحه ۵۵</p> <p> ب) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2x^2}{4x^2} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ (۰/۵) </p> <p>کار در کلاس صفحه ۶۶</p>	۲

راهنمای تصحیح درس : حسابان ۲		رشته : ریاضی فیزیک	تعداد صفحه : ۳	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۳۹۹ / ۰۴ / ۰۱		
دانش آموزان روزانه سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۹		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		
ردیف	راهنمای تصحیح			نمره
۹	رسم شکل (۰/۵) نمره	تمرین صفحه ۶۹	۰/۵	
۱۰	مثال صفحه ۷۸	$f'(x) = -2x + 10 \quad (۰/۲۵) , f'(2) = 6 \quad (۰/۲۵) , f(2) = 16 \quad (۰/۲۵)$ $y - 16 = 6(x - 2) \quad (۰/۵) \Rightarrow y = 6x + 4 \quad (۰/۲۵)$	۱/۵	
۱۱	تمرین صفحه ۱۰۱	$f'(x) = \frac{\overbrace{(2x-3)(-3x+2) - (-3)(x^2-3x+1)}^{(۰/۷۵)}}{\underbrace{(-3x+2)^2}_{(۰/۲۵)}}$ <p>الف)</p> $g'(x) = \underbrace{\frac{1}{2\sqrt{x}}(3x^2+5)}_{(۰/۵)} + \underbrace{\sqrt{x}(6x)}_{(۰/۵)}$ <p>ب)</p> $h'(x) = \underbrace{3 \times \sin^2 x \times \cos x}_{(۰/۵)} + \underbrace{2 \cos x \times (-\sin x)}_{(۰/۵)}$ <p>پ)</p>	۳	کار در کلاس صفحه ۹۵ تمرین صفحه ۱۰۱
۱۲	تمرین صفحه ۱۰۹	$f(5) = 30, f(0) = 10 \Rightarrow \frac{f(5) - f(0)}{5 - 0} = 4 \quad (۰/۷۵)$ $f'(t) = 2t - 1 = 4 \Rightarrow t = \frac{5}{2} \quad (۰/۷۵)$	۱/۵	
۱۳	تمرین صفحه ۶۹	$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x}{x^2} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1}{x} = 0 \quad (۰/۵) \Rightarrow y = 0 \quad (۰/۵)$ <p>مجانِب افقی</p> $x^2 - 4 = 0 \quad (۰/۵) \Rightarrow x = \pm 2 \quad (۰/۵)$ <p>مجانِب های قائم</p>	۲	
۱۴	مثال صفحه ۸۶	$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{ x^2 - 1 - 0}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{(x-1)(x+1)}{x-1} = 2 \quad (۰/۷۵)$ $f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{ x^2 - 1 - 0}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{-(x-1)(x+1)}{x-1} = -2 \quad (۰/۷۵)$ $f'_-(1) \neq f'_+(1) \quad (۰/۵)$ <p>پس تابع مشتق پذیر نمی باشد</p>	۲	

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۳	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹ / ۰۴ / ۰۱	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۹		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۵	<p>نقطه عطف $(-1, 3)$ $(0/25) \Rightarrow f''(x) = 6x + 6 = 0 \quad (0/5) \Rightarrow x = -1 \rightarrow (-1, 3)$ $(0/25)$</p> <p>مثال صفحه ۱۲۹</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f''</td> <td>$-$</td> <td>0</td> <td>$+$</td> </tr> <tr> <td></td> <td>\cap</td> <td></td> <td>\cup</td> </tr> </table> <p>$(0/5)$</p> <p>تقعر رو به بالا $(-1, +\infty)$ $(0/25)$ تقعر رو به پایین $(-\infty, -1)$ $(0/25)$</p>	x	$-\infty$	-1	$+\infty$	f''	$-$	0	$+$		\cap		\cup	۲
x	$-\infty$	-1	$+\infty$											
f''	$-$	0	$+$											
	\cap		\cup											
۱۶	<p>$x = -1$ م. قائم $(0/25)$</p> <p>$y = 1$ م. افقی $(0/25)$</p> <p>$y' = \frac{2}{(x+1)^2} > 0 \quad (0/5)$</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>$+$</td> <td></td> <td>$+$</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>1</td> <td>$-\infty$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> </table> <p>$(0/5)$</p>  <p>مشابه مثال صفحه ۱۴۲</p>	x	$-\infty$	-1	$+\infty$	f'	$+$		$+$	f	1	$-\infty$	$+\infty$	۲
x	$-\infty$	-1	$+\infty$											
f'	$+$		$+$											
f	1	$-\infty$	$+\infty$											
<p>« همکاران گرامی لطفا به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید . »</p> <p>جمع نمره</p>			۲۴											