

رشنہ: ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۸ صبح
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۳/۸	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۰	مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه

ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره
------	-----------------------	------

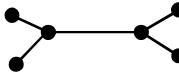
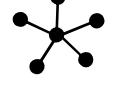
۱	درست یا نادرست بودن گزاره های زیر را مشخص کنید. الف) حاصل ضرب سه عدد طبیعی متولی بر ۶ بخش پذیر است. ب) هیچ عدد صحیحی مانند x و y وجود ندارند که رابطه $(x+y)^3 = x^3 + y^3$ برقرار باشد.	۰/۵
۲	جاهای خالی را با عدد یا کلمه مناسب پر کنید. الف) a و b اعدادی صحیح و a مخالف صفر است. اگر $a b$ آن گاه عدد شمارنده عدد است. ب) عدد m عددی صحیح است. حاصل $(2m, 6m^3)$ برابر با است.	۰/۷۵
۳	به روش بازگشتی ثابت کنید حاصل ضرب هر دو عدد حقیقی، کوچک تر یا مساوی نصف مجموع مربعات آن ها است.	۱/۲۵
۴	ثابت کنید اگر $p \geq 5$ عددی اول باشد، آن گاه به یکی از دو صورت $p = 4k+1$ یا $p = 4k+3$ نوشته می شود.	۰/۷۵
۵	باقيمانده تقسیم عدد $11 \times 9 + 1000 = 10^{25}$ را بر ۷ بیابید.	۰/۷۵
۶	معادله $7x \equiv 1 \pmod{11}$ را حل کنید.	۱
۷	گراف G که به صورت مقابل است را در نظر بگیرید. الف) $N_G(c)$ را با اعضا مشخص کنید. ب) بزرگترین درجه در گراف \bar{G} مربوط به کدام رأس و چند است؟ پ) دوری به طول ۵ برای رأس a بنویسید. ت) آیا گراف G همبند است؟	۲
۸	تفاوت بین مجموعه احاطه گر مینیمال و مینیمم چیست؟ توضیح دهید.	۱
۹	در گراف شکل زیر یک مجموعه احاطه گر مینیمال مشخص کنید که مینیمم نباشد.	۱
۱۰	عدد احاطه گری گراف شکل زیر را با ارائه راه حل، تعیین کنید.	۱/۵
۱۱	الف) یک گراف ۶ رأسی که ۷-مجموعه آن با اندازه یک باشد، رسم کنید. ب) یک گراف ۶ رأسی که ۷-مجموعه آن با اندازه دو باشد، رسم کنید.	۱/۵
۱۲	کوتاه پاسخ دهید. می خواهیم با حروف «ب» و «ج» و ارقام ۱، ۲، ۴، ۵، ۶، ۸ کاراکتر تشکیل دهیم. مطلوب است: الف) تعداد رمزهایی که هر یک از آن ها با یک حرف آغاز و حرف دیگر خاتمه یابد. ب) تعداد رمزهایی که در آن ها حروف کنار هم باشند.	۱

«بقیه سوالات در صفحه دوم»

رشنده: ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۸ صبح	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۳/۸	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۰			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی
نمره	سوالات پاسخ نامه دارد		

۲	به چند طریق می توان از بین ۶ نوع گل شاخه گل انتخاب کرد اگر بخواهیم: از گل نوع اول حداقل یک شاخه، از گل نوع چهارم بیش از ۳ شاخه و از گل نوع ششم فقط یک شاخه انتخاب کنیم.	۱۳
۱/۵	مربع لاتین A را در نظر بگیرید. ابتدا سطر اول و سطر دوم مربع A را جابه جا کنید. سپس در مربع حاصل ستون دوم و سوم را جابه جا کنید و مربع حاصل را B نام‌گذاری کنید. متعامد بودن دو مربع لاتین A و B را بررسی کنید. $A = \begin{array}{ c c c } \hline & 3 & 1 \\ \hline 1 & & 2 \\ \hline 3 & 1 & 2 \\ \hline \end{array}$	۱۴
۱/۷۵	در یک کلاس ۳۴ نفری، ۱۵ نفر فوتبال، ۱۱ نفر والیبال و ۹ نفر بسکتبال بازی می‌کنند. اگر بدانیم ۳ نفر هم فوتبال، هم والیبال و هم بسکتبال بازی می‌کنند و ۵ نفر فوتبال و والیبال، ۶ نفر والیبال و بسکتبال و ۳ نفر فوتبال و بسکتبال بازی می‌کنند. مشخص کنید چند نفر فقط در یک رشته بازی می‌کنند؟	۱۵
۱	الف) به چند طریق می توان ۴ کلاه متفاوت را بین ۳ نفر توزیع کرد به شرط آن که به هر نفر حداقل یک کلاه داده شود؟ ب) به چند طریق می توان ۴ کلاه متفاوت را بین ۸ نفر توزیع کرد به شرط آن که به هر نفر حداقل یک کلاه داده شود؟	۱۶
۰/۷۵	۵۴ شاخه گل را حداقل در چند گلدان قرار دهیم تا اطمینان داشته باشیم گل‌دانی هست که در آن حداقل ۵ شاخه گل قرار گرفته است؟	۱۷
۲۰	"موفق باشید"	

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۳/۸		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۴۰۰	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) درست (۰/۲۵) (سوال ۱۵ صفحه ۱۷) ب) نادرست (۰/۲۵) (سوال ۴ صفحه ۸)	۰/۵
۲	الف) عدد a شمارنده عدد b است. (۰/۵) (مفهوم عاد کردن صفحه ۹) ب) $2m$ (۰/۲۵)	۰/۷۵
۳	$xy \leq \frac{x^r + y^r}{2}$ (۰/۲۵) $\Leftrightarrow 2xy \leq x^r + y^r$ (۰/۲۵) $\Leftrightarrow x^r + y^r - 2xy \geq 0$ (۰/۲۵) $\Leftrightarrow (x-y)^r \geq 0$ (۰/۲۵) گزاره همواره درست (۰/۰) (مشابه الف سوال ۱ صفحه ۸)	۱/۲۵
۴	در حالت (۱) و (۳)، p عددی زوج است که با اول بودن آن تنافق دارد. (۰/۰) بنابراین اعداد اول به فرم (۲) یا (۴) خواهد بود. (۰/۰) (مشابه سوال ۲ صفحه ۱۵)	۰/۷۵
۵	$1000 \equiv -1$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \underbrace{(1000)^{25} \times 9 + 11}_{(0/25)} \equiv \underbrace{(-1)^{25} \times 9 + 11}_{(0/25)} \equiv 2 \Rightarrow r = 2$ (۰/۲۵) (مشابه مثال صفحه ۲۱)	۰/۷۵
۶	$7x \equiv 1$ $\Rightarrow 7x \equiv 4 \times 5 + 1$ (۰/۲۵) $\Rightarrow 7x \equiv 21$ (۰/۲۵) $\stackrel{(7,4)=1}{\Rightarrow} x \equiv 3$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = 4k + 3$ (۰/۲۵) (مشابه سوال ۱۴ صفحه ۳۰)	۱
۷	الف) $N_G(c) = \{a, e, d\}$ (۰/۷۵) (مشابه مثال صفحه ۳۶) ب) رأس f و g (۰/۵) (مکمل گراف صفحه ۳۷) ت) خیر (۰/۰) (تعریف دور صفحه ۳۸) پ) $abecda$ (۰/۵) (تعریف گراف همبند صفحه ۳۹)	۲
۸	مجموعه احاطه‌گر مینیمم مجموعه احاطه‌گری است که <u>کمترین تعداد عضو را دارد</u> ولی مجموعه احاطه‌گر مینیمال مجموعه احاطه‌گری است که <u>با حذف هر یک از رئوس آن دیگر احاطه‌گر نیست</u> و <u>می‌تواند از مجموعه احاطه‌گر مینیمم بیشتر عضو داشته باشد.</u> هر مورد (۰/۰) (تعاریف صفحات ۴۴ و ۴۶)	۱
۹	(در صورتی که مجموعه های مشابه که ویژگی مسئله را داشت، نوشتن، نمره داده شود). (سوال ۴ صفحه ۴۶)	۱
۱۰	طبق قضیه داریم $D = \{e, j\}$ از طرفی مجموعه $\{e, j\}$ یک مجموعه احاطه‌گر است. (۰/۵) لذا $\gamma(G) \leq 2$ (۰/۰). بنابراین $\gamma(G) = 2$ (۰/۰) (سوال ۳ صفحه ۵۲)	۱/۵
۱۱	الف)  (سوال ۸ صفحه ۵۳) (۰/۷۵) (ب)  (۰/۷۵)	۱/۵
۱۲	الف) $6 \times 2! = 12$ (۰/۰) (مشابه مثال صفحه ۵۶) (ب) $2! \times 7! = 1440$ (۰/۵)	۱
۱۳	$x_1 + x_r + x_v + x_f + x_d + x_e = 12$ ، $x_r \geq 1$ ، $x_v > 3$ ، $x_e = 1$ (۰/۵) $y_1 = x_1 - 1$ ، $y_r \geq 0$ (۰/۰) ، $y_v = x_v - 4$ ، $y_f \geq 0$ (۰/۰) $y_1 + 1 + x_r + x_v + y_v + 4 + x_d + 1 = 12$ (۰/۰) $\Rightarrow y_1 + x_r + x_v + y_v + x_d = 6$ (۰/۰) $\Rightarrow \sum_{i=1}^{10} = 6$ (۰/۰) (مشابه سوال ۸ صفحه ۷۱)	۲

ادامه پاسخ‌ها در صفحه دوم

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۸/۰۳/۱۴۰۰			پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور خرداد ماه سال ۱۴۰۰			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»