

با اسمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ویاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۳/۴	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی		دانش آموزان روزانه بزرگسال و داوطلبان آزادسرا سرکشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۱	
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)		ردیف

استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی و رادیکال) مجاز است.

۱	عبارت های زیر را کامل کنید. الف) اگر ماتریس همانی باشد حاصل $m + r$ برابر با است. ب) اگر در بیضی خروج از مرکز به عدد صفر نزدیک شود کشیدگی بیضی کمتر شده و بیضی به نزدیکتر می شود. پ) نقطه $(1, -2)$ در دایره به معادله $x^2 + y^2 - 2x + 2y = 0$ قرار دارد. ت) اگر سه بردار \vec{a} ، \vec{b} و \vec{c} در یک صفحه باشند آنگاه حجم متوازی السطوح بنا شده توسط سه بردار برابر است.	۱
۱/۵	درستی و نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. سپس شکل صحیح عبارت نادرست را بنویسید. الف) اگر A یک ماتریس 3×3 و $ A = 5$ باشد آنگاه $ 2A = 40$ است. ب) اگر صفحه P به گونه ای باشد که هر دو تکه بالایی و پایینی سطح مخروطی را قطع کند و شامل محور نباشد، در این صورت فصل مشترک صفحه P و سطح مخروطی یک هذلولی است. پ) در شکل روی رو اگر خط d در نقطه M بر بیضی مماس باشد، زاویه $F\hat{M}F' = 50^\circ$ باشد آنگاه اندازه زاویه $\alpha = \beta = 60^\circ$ است. ت) برای دو بردار واحد \vec{i} و \vec{j} حاصل ضرب خارجی $\vec{i} \times \vec{j} = \vec{0}$ است..	۲
۱	اگر $B = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 4 & a \\ b & -1 \end{bmatrix}$ مقادیر a و b را طوری به دست آورید که $A \times B$ ماتریس قطری باشد.	۳
۱/۲۵	ماتریس A مربعی مرتبه سه به صورت $A = [a_{ij}]_{3 \times 3}$ باشد، الف) ماتریس A را به صورت آرایش مستطیلی بنویسید. ب) دترمینان ماتریس B را محاسبه کنید. $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ -1 & 3 & 2 \\ 2 & 0 & 5 \end{bmatrix} \quad a_{ij} = \begin{cases} i+j & i=j \\ j & i>j \\ 0 & i<j \end{cases}$	۴
۱/۲۵	دستگاه $\begin{cases} 2x+y=4 \\ 7x+4y=15 \end{cases}$ را با استفاده از ماتریس وارون حل کنید.	۵
۱/۵	نقاط A ، B و C در صفحه مفروض اند. نقطه ای بیابید که از A و B به یک فاصله و از C به فاصله ۳ سانتی متر باشد (بحث کنید).	۶
۱	معادله دایره ای را بنویسید که مرکز آن نقطه $(-1, 1)$ و بر خط $3x - 4y + 3 = 0$ مماس باشد.	۷
	ادامه سوالات در صفحه دوم	

با اسمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ویاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۳/۴	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی		دانش آموزان روزانه بزرگسال و داوطلبان آزادسرا سرکشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۱	
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)		ردیف

۱/۵	در یک بیضی افقی به مرکز مبدأ مختصات طول قطرها برابر ۱۰ و ۶ است. الف) خروج از مرکز بیضی را بیابید ب) مختصات کانون ها (F' , F), مختصات دوسر قطر بزرگ (A' , A) و دوسر قطر کوچک (B' , B) را به دست آورید پ) بیضی را روی محور مختصات رسم کنید.	۸
۱/۵	الف) معادله متعارف و فاصله کانونی سهمی به معادله $y = -2x + 9 = 0$ را بیابید. ب) مختصات راس، کانون و معادله خط هادی سهمی را به دست آورید.	۹
۱/۲۵	در شکل روبرو سهمی با رأس A و کانون F و خط هادی d رسم شده است، از کانون F به نقطه دلخواه M روی سهمی وصل کرده و امتداد داده ایم تا خط d را در نقطه N قطع کند و از نقطه M ، MN را برابر d عمود کرده ایم. ثابت کنید: $\frac{FN}{FA} = \frac{2NT}{TH}$	۱۰
۰/۵	شکل کلی (نمودار) مر بوط به رابطه $2 \leq y \leq x^2$ را رسم کنید.	۱۱
۱/۵	با توجه به شکل، به سوالات زیر پاسخ دهید. الف) نام و جه از شکل که معادله آن به صورت زیر مشخص شده را بنویسید. $x = 2, 0 \leq y \leq 4, 0 \leq z \leq 2$ ب) معادلات مربوط به پاره خط (یال) AD را بنویسید پ) مختصات نقطه D را بنویسید. ت) معادله صفحه ای را بنویسید که موازی با صفحه XOZ باشد و مکعب مستطیل را نصف کند.	۱۲
۱/۷۵	سه بردار $\vec{k} = \vec{i} + 3\vec{j}$ و $\vec{a} = (0, 2, 1)$ و $\vec{b} = 2\vec{i}$ در نظر بگیرید. الف) زاویه بین دو بردار \vec{a} و \vec{b} برابر با θ باشد $\cos\theta$ را بیابید. ب) تصویر قائم بردار \vec{a} بر $\vec{b} - \vec{c}$ را بدست آورید.	۱۳
۱	دو بردار \vec{a} و \vec{b} مفروض اند به طوری که $ \vec{a} = 6$ و $ \vec{b} = 4$ و زاویه بین آنها 30° درجه است مقدار عبارت $ \vec{a} \times \vec{b} $ را محاسبه کنید.	۱۴
۱/۵	اگر $A = (2, -1, 3)$ و $B = (3, 1, 4)$ سه رأس مثلث ABC باشند، مساحت مثلث ABC را با استفاده از ضرب خارجی بردارها بدست آورید.	۱۵
۱	برای دو بردار غیر صفر \vec{a} و \vec{b} ثابت کنید دو بردار \vec{a} و \vec{b} برهم عمودند اگر و فقط اگر $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$.	۱۶
۲۰	موفق و سر بلند باشید	

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۰۴	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی	دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر کشور خرداد ماه سال ۱۴۰۱		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) دو (۰/۲۵) ص ۱۲ ب) دایره (۰/۲۵) ص ۴۹ پ) داخل (۰/۲۵) ص ۴۶ ت) صفر (۰/۲۵) ص ۸۴	۱
۲	الف) درست (۰/۲۵) ص ۳۱ ب) نادرست (۰/۲۵) ص ۷۹ $\vec{i} \times \vec{j} = \vec{k}$	۱/۵
۳	$A \times B = \begin{bmatrix} ۴+۳a & -۸+۲a \\ b-۳ & -۲b-۲ \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} ۲a-۸=۰ \\ b-۳=۰ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a=\frac{۴}{۲} \\ b=\frac{۳}{۲} \end{cases}$ ص ۲۱	۱
۴	الف) ص ۲۱ و ۲۸ ب) $ B = ۳۹ \quad (۰/۲۵)$	۱/۲۵
۵	ص ۲۴	۱/۲۵
۶	مکان هندسی نقاطی که از A و B به یک فاصله اند، عمود منصف پاره خط AB است. (۰/۲۵) و مکان هندسی نقاطی که از نقطه C به فاصله ۳ واحد باشد، دایره‌ای به مرکز C و شعاع ۳ است. (۰/۲۵) بنابراین نقطه برخورد خط عمودمنصف (d) و دایره جواب مسئله است. (نقاط D و E) الف) اگر خط عمودمنصف (d) و دایره یکدیگر را در دو نقطه قطع کنند مسئله دو جواب دارد (۰/۲۵). ب) اگر مماس شوند مسئله یک جواب دارد (۰/۲۵). پ) در صورتی که یکدیگر را قطع نکنند مسئله جواب ندارد (۰/۲۵).	۱/۵
۷	ص ۴۳ $d = \frac{ ۳(۱) - ۴(-۱) + ۳ }{\sqrt{۳^2 + ۴^2}} = \frac{۱۰}{۵} = ۲ \quad (۰/۵)$ $(x-1)^2 + (y+1)^2 = ۴ \quad (۰/۵)$	۱
	«ادامه در صفحه دوم»	

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۳/۴	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی	دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر کشور خرداد ماه سال ۱۴۰۱		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۸	$\begin{cases} ۲a = ۱۰ \rightarrow a = ۵ \\ ۲b = ۶ \rightarrow b = ۳ \end{cases} \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 \rightarrow c = ۴ \quad (۰/۲۵) \quad \frac{c}{a} = \frac{۴}{۵} \quad (۰/۲۵)$ <p>(الف)</p> $A(5,0), A'(-5,0) \quad (۰/۲۵) \quad F(4,0), F'(-4,0) \quad (۰/۲۵) \quad B(0,3), B'(0,-3) \quad (۰/۲۵)$ <p>(ب)</p> <p>(پ) رسم بیضی $(۰/۲۵)$</p> <p>اگر مختصات رئوس و کانونها را روی محور نشان دهد و رسم انجام شود نمره کامل لحاظ شود.</p>	۱/۵
۹	<p>(الف) معادله متعارف سهمی $(y - 1)^2 = 8(x - ۱)$ $(۰/۵)$ و فاصله کانونی $a = ۲$ $(۰/۲۵)$</p> <p>(ب) راس سهمی $(1,1)$ $(۰/۲۵)$ معادله خط هادی $x = -1$ $(۰/۲۵)$ و مختصات کانون آن $(3,1)$ $(۰/۲۵)$</p>	۵۵ ص
۱۰	<p>روش اول:</p> <p>با به تعریف سهمی $MFT = MF = MT$ متساوی الساقین است. $(۰/۲۵)$ (۱) $M\hat{T}F = T\hat{M}F$</p> <p>از طرفی با به خطوط موازی $FH \parallel MT$ و مورب FT نتیجه می شود $(۰/۲۵)$ (۲) $M\hat{T}F = T\hat{F}H$</p> <p>از (۱) و (۲) نتیجه می شود TF نیمساز است. با به قضیه نیمساز در مثلث FHN داریم:</p> $\frac{NF}{FH} = \frac{NT}{TH} \xrightarrow[FH=2FA]{(۰/۲۵)} \frac{NF}{2FA} = \frac{NT}{TH} \xrightarrow{x2} \frac{NF}{FA} = \frac{2NT}{TH} \quad (۰/۲۵)$ <p>روش دوم:</p> <p>با توجه به قضیه تالس در مثلث NHF: $FH \parallel MT$</p> $\frac{NM}{MF} = \frac{NT}{TH}$ $\frac{MT}{FH} = \frac{NM}{NF} \xrightarrow[MT=MF(۰/۲۵)]{} \frac{NF}{FH} = \frac{NM}{MF} \xrightarrow[FH=2FA(۰/۲۵)]{} \frac{NF}{FA} = \frac{NT}{TH}$ $\xrightarrow{x2} \frac{NF}{FA} = \frac{2NT}{TH} \quad (۰/۲۵)$	۱/۲۵
۱۱	رسم نمودار $(۰/۵)$	۵۵ ص
	«ادامه در صفحه سوم»	

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه			تاریخ امتحان: ۰۳/۰۴/۱۴۰۱
دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر کشور خرداد ماه سال ۱۴۰۱			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۲	$y = 2$ (۰/۵) $D(2, 4, 3)$ (۰/۲۵) $x \leq 2$ (۰/۵) $y = 4$ (۰/۵) $CDFG$ (۰/۲۵) $z = 3$ (۰/۵)	۱/۵
۱۳	$\vec{a} = (2, 3, -1), \vec{b} = (1, 0, 1)$ (۰/۷۵) $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \vec{b} \cos \theta \rightarrow 1 = \sqrt{14} \sqrt{2} \cos \theta \rightarrow \cos \theta = \frac{1}{\sqrt{28}}$ (۰/۰۵) $\cos \theta = \frac{1}{\sqrt{28}}$ (۰/۰۵) $\vec{d} = \vec{b} - \vec{c} = (1, -2, 0)$ (۰/۰۵) $\vec{a}' = \frac{\vec{a} \cdot \vec{d}}{ \vec{d} } \vec{d} = \frac{-4}{5} (1, -2, 0)$ (۰/۰۵)	۱/۷۵
۱۴	$ 2\vec{a} \times \vec{b} = \underbrace{2\vec{a} \vec{b} }_{(۰/۰۵)} \sin 30^\circ = 2(6)(4)\left(\frac{1}{2}\right) = 24$ (۰/۰۵) 81 ص	۱
۱۵	$\vec{AB} = (1, 2, 1), \vec{AC} = (-3, 2, -3)$ (۰/۰۵) $\vec{AB} \times \vec{AC} = (-8, 0, 8)$ (۰/۰۵), $S_{ABC} = \frac{1}{2} \vec{AB} \times \vec{AC} = 4\sqrt{2}$ (۰/۰۵) 84 ص	۱/۵
۱۶	$\vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \longleftrightarrow \vec{a} \vec{b} \cos \theta = 0 \longleftrightarrow \frac{ \vec{a} \neq 0, \vec{b} \neq 0}{(۰/۰۵)} \cos \theta = 0 \longleftrightarrow \theta = \frac{\pi}{2}$ (۰/۰۵) 79 ص	۱
۲۰	"مصحح گرامی، به راه حل‌های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود"	